



Matlab: Funzioni

Informatica B

Francesco Trovò

19 Novembre 2021

francesco1.trovo@polimi.it



Perché Usare le Funzioni



A Cosa Servono le Funzioni?

```
x = input('inserisci x: ');
```

```
fx = 1  
for ii = 1 : x  
    fx = fx * ii;  
end
```

```
if (fx > 220)
```

```
    y = input('inserisci y: ');
```

```
    fy = 1  
    for ii = 1 : y  
        fy = fy * ii;  
    end
```

```
end
```

Entrambi i frammenti di codice eseguono il calcolo del fattoriale



A cosa Servono le Funzioni?

Riusabilità

- Scrivo una sola volta codice utilizzato spesso
- Modifiche e correzioni sono gestibili facilmente
- Lo stesso codice viene facilmente richiamato in diversi programmi

Leggibilità

- Incapsulo porzioni di codice complesso, il programmatore non deve entrare nei dettagli
- Aumento il livello di astrazione dei miei programmi

Flessibilità

- Posso aggiungere funzionalità non presenti nelle funzioni di libreria



Usiamo uno Script-file?

Soluzione semplice: uno script file può essere usato per incapsulare porzioni di codice riusabili in futuro

```
x = input('inserisci x: ');  
fx=1  
for ii=1:x  
    fx = fx*ii  
end  
if (fx > 220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    fy=1  
    for ii=1:y  
        fy = fy*ii  
    end  
end
```

fattoriale.m

```
f = 1;  
for ii = 1:n  
    f = f*ii  
end
```

Problemi:

- Come fornisco l'input allo script?
- Dove recupero l'output?



Soluzione con gli Script-files

Gli script utilizzano le variabili del workspace:

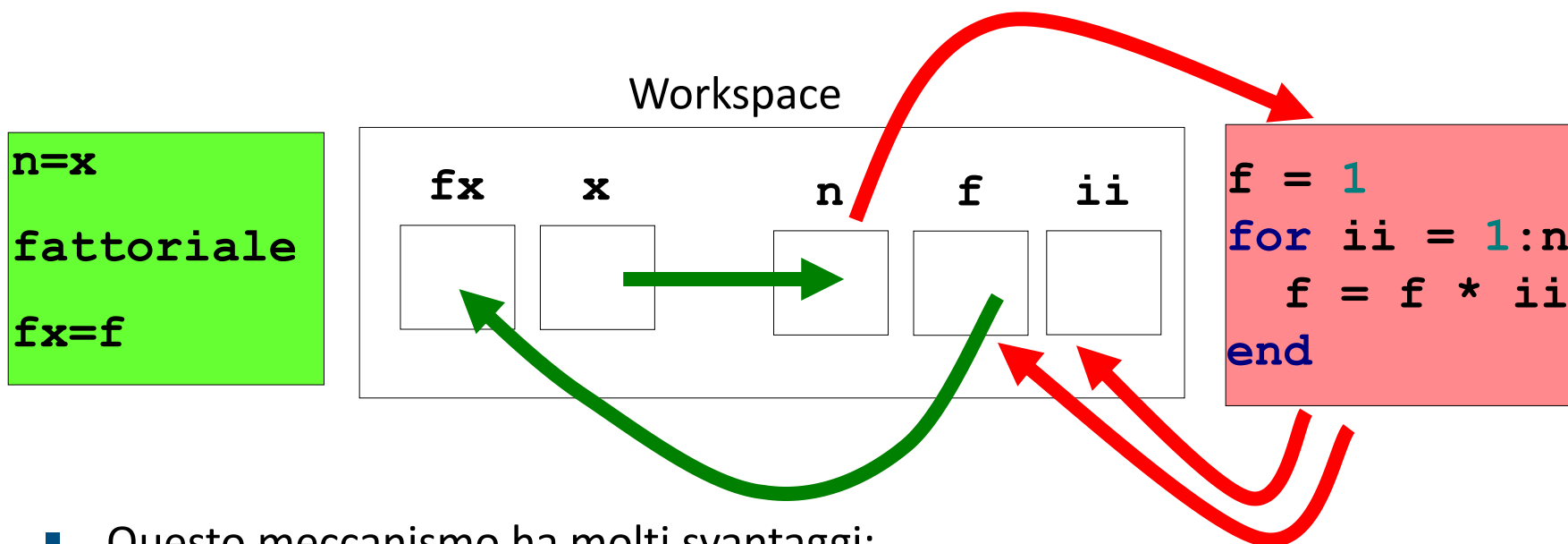
```
x = input('inserisci x: ');  
n=x; ← Prepara l'input in n  
fattoriale; ← Chiama lo script  
fx=f; ← Salva il risultato in f  
if (fx > 220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    n=y; ← Prepara l'input in n  
    fattoriale; ← Chiama lo script  
    fy=f; ← Salva il risultato in f  
end
```

fattoriale.m

```
f = 1  
for ii = 1:n  
    f = f*ii  
end
```



Limiti degli Script-files



- Questo meccanismo ha molti svantaggi:
 - poco leggibile
 - richiede molte istruzioni
 - poco sicuro
- Tutte le variabili sono nello stesso workspace: `fattoriale.m` può modificare tutte le variabili del workspace, ad esempio se `ii` fosse usata nel main questa sarebbe sovrascritta



Le Funzioni: Definizione

```
function f = fattoriale(n)
    f = 1
    for ii = 1:n
        f = f * ii
    end
```

header

body

n è l'argomento della funzione (serve a fornire l'input)

f è il **valore restituito** dalla funzione (serve a fornire l'output)

- La testata (header) inizia con la parola chiave **function** e definisce:
 - nome della funzione
 - argomenti (input)
 - valore restituito (output)
- Il corpo (body) definisce le istruzioni da eseguire quando la funzione viene chiamata:
 - utilizza gli argomenti e assegna il valore di ritorno



Le Funzioni: Ulteriori Dettagli

Una funzione può avere più argomenti separati da virgola:

```
function f(x, y)
```

Nel caso sia necessario restituire più valori, definiamo l'header affiancando più variabili in output usando la stessa notazione degli array:

```
function [v1, v2, ...] = f(x, y)
```

Es.

```
function [s, p] = sumProd(a, b)  
    s = a + b;  
    p = a * b;
```



Sintassi per la Definizione di una Funzione

La sintassi per definire l'header di funzione è:

```
function [out1, ..., outM] = nomeFunzione(in1, ..., inN)
```

- **Gli argomenti (parametri in ingresso) in1, ..., inN** vanno elencate tra parentesi tonde e seguono il nome della funzione
- **I valori restituiti (parametri in uscita) out1, ..., outN** vanno elencate tra parentesi quadre e seguono la keyword **function**

NB: la notazione [out1, ..., outM] per le variabili in uscita di una funzione è la stessa dell'operatore CAT orizzontale, ma i valori restituiti possono avere dimensioni e tipi non consistenti

NB: se la funzione non ha parametri in ingresso/uscita le parentesi tonde rimangono vuote/quadre si possono omettere



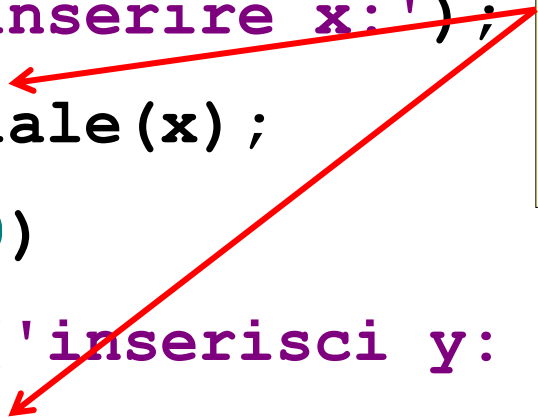
Invocazione

- Una funzione può essere invocata in un programma attraverso il suo nome, seguito dagli argomenti fra parentesi rotonde
- La funzione viene quindi eseguita e il suo valore restituito viene calcolato

Es.

```
x = input('inserire x:');  
fx = fattoriale(x);  
if (fx > 220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    fy = fattoriale(y);  
end
```

```
function f = fattoriale(n)  
  
    f = 1  
  
    for ii = 1:n  
        f = f * ii  
    end
```





I Parametri: Formali vs. Attuali

Definizioni:

- I **parametri formali** sono le variabili usate come **argomenti** e **valori di ritorno** **nella definizione** della funzione
- I **parametri attuali** sono i valori (o le variabili) usati come **argomenti** e come **valori restituiti** **nell'invocazione** della funzione

```
function f = fattoriale(n)
```

```
    f = 1;
```

```
    for ii = 1:n
```

```
        f = f*ii;
```

```
    end
```

```
>> fat5 = fattoriale(5) %Invocazione
```

```
fat5 =
```

```
    120
```

f ed **n** sono parametri formali

fat5 e **5** sono parametri attuali



L'ordine dei Parametri

- **Qualsiasi tipo di parametro** è ammesso (scalari, vettori, matrici, etc.)
- I **parametri attuali** vengono **associati a quelli formali in base alla posizione**: il primo parametro attuale viene associato al primo formale, il secondo parametro attuale al secondo parametro formale, etc.

Es.

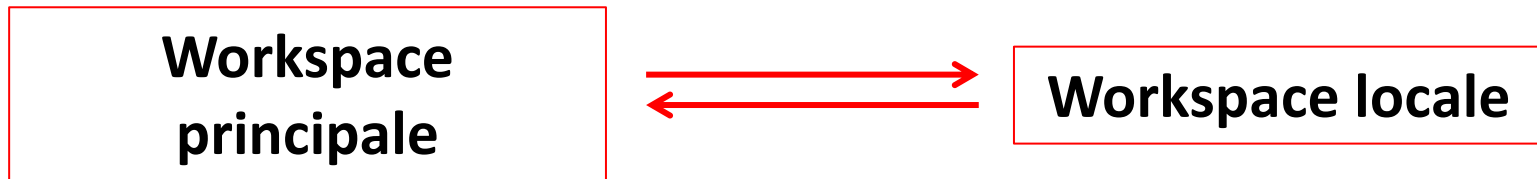
```
>> [x, y] = sumProd(4, 5)
```

```
function [s, p] = sumProd(a, b)  
    s = a + b;  
    p = a * b;
```



Esecuzione di una Funzione

- Quando una funzione viene eseguita, viene creato un **workspace locale** in cui vengono memorizzate tutte le variabili usate nella funzioni **inclusi i parametri formali**
 - All'interno delle funzioni **non si può accedere al workspace principale** (nessun conflitto di nomi)
 - Al termine dell'esecuzione della funzione, **il workspace locale viene distrutto!**



Le comunicazioni tra i workspace avvengono solamente mediante **copia dei valori** dei parametri in ingresso ed in uscita



Esecuzione di una Funzione Passo Passo

Quando viene invocata una funzione:

1. Vengono **calcolati** i valori dei **parametri attuali** di ingresso
2. Viene **creato un workspace locale** per la funzione
3. I **valori** dei **parametri attuali** di ingresso vengono **copiati** nei **parametri formali** all'interno del **workspace locale**, che ora contiene solamente i parametri formali con assegnati i valori dei parametri attuali
4. Viene **eseguito il corpo** della **funzione**
5. Vengono **copiati i valori restituiti dai parametri formali nel workspace locale al workspace principale** nei corrispondenti parametri attuali
6. Il workspace "locale" viene **distrutto**



Esecuzione di una Funzione: Esempio

%Main script

```
(1) >> x = 3;  
(2) >> w = 2;  
(3) >> r = funz(4);
```

W principale dopo (2)

```
x = 3  
w = 2
```

W principale dopo (3)

```
x = 3  
w = 2  
r = 8
```

function y = funz(x)

```
y = 2 * x;  %(1')  
x = 0;     %(2')  
z = 4;     %(3')
```

W locale dopo (1')

```
x = 4  
y = 8
```

W locale dopo (3')

```
x = 0  
y = 8  
z = 4
```

~~W locale dopo (3)~~



Esecuzione di una Funzione: Esempio

%Main script

```
(1) >> x = 3;  
(2) >> w = 2;  
(3) >> r = funz(4);
```

W principale dopo (2)

```
x = 3  
w = 2
```

W principale dopo (3)

```
x = 3  
w = 2
```

function y = funz(x)

```
y = 2 * x; %(1')  
x = 0;      %(2')  
z = 4;      %(3')  
x = w - 1;  %(4')
```

W locale dopo (1')

```
x = 4  
y = 8
```

W locale dopo (3')

```
x = 0  
y = 8  
z = 4
```

~~W locale dopo (3)~~

W locale prima (4')

```
x = 0  
y = 8  
z = 4  
w = ? %errore
```



Numero dei Parametri

- Il **numero di parametri attuali** all'invocazione della funzione deve essere identico al numero di **parametri formali in ingresso**
- Il **vincolo vale per i parametri in ingresso**, anche se è possibile trattare i parametri formali nella funzione per gestire questi casi
- Il **vincolo non vale per i parametri in uscita**: verranno assegnati solamente i parametri attuali specificati
 - Ad esempio **$s = \text{sommaProd}(5, 2)$** il valore della somma viene assegnato a **s** ma non il valore del prodotto (anche se la funzione lo calcola)



Esercizio

Scrivere una funzione che prende in ingresso tre numeri e restituisce il massimo ed il minimo

```
function [mini, maxi] = minmax(a, b, c)
```

```
maxi = a;
```

```
if maxi < b
```

```
    maxi = b;
```

```
end
```

```
if maxi < c
```

```
    maxi = c;
```

```
end
```

```
mini = a;
```

```
if mini > b
```

```
    mini = b;
```

```
end
```

```
if mini > c
```

```
    mini = c;
```

```
end
```





Esempio

Scrivere una funzione che prende in ingresso tre numeri e restituisce il massimo ed il minimo

```
function [mini, maxi] = minmax(a, b, c)
maxi = max([a, b, c]);
mini = min([a, b, c]);
```



Note sui Parametri in Uscita

I **parametri formali** dei valori restituiti devono essere **sempre definiti** (eventualmente possono essere vuoti)

Es.

```
function [positivi, media] = mediaPositivi(vett)
    somma = 0; cnt = 0;
    positivi = [];
    for ii = 1 : length(vett)
        if vett(ii) > 0
            positivi = [positivi, vett(ii)];
            somma = somma + vett(ii);
            cnt = cnt + 1;
        end
    end
    if cnt > 0
        media = somma / cnt;
    end
```

```
>> [a,b] = mediaPositivi(-[1 : 10])
Error in mediaPositivi (line 2)
positivi = vett(vett >0);

Output argument "media" (and maybe
others) not assigned during call to
mediaPositivi
```



Soluzione Esercizio Precedente

```
function [positivi, media] = mediaPositivi(vett)
    somma = 0; cnt = 0;
    positivi = [];
    for ii = 1 : length(vett)
        if vett(ii) > 0
            positivi = [positivi, vett(ii)];
            somma = somma + vett(ii);
            cnt = cnt + 1;
        end
    end
    if cnt > 0
        media = somma / cnt;
    else
        media = [];
    end
end
```

Restituisco comunque la
variabile media anche se
vuota



```
function [s, p] = sumProd(a, b)
    s = a + b;
    p = a * b;
```

- È possibile invocare la funzione senza specificare due parametri in uscita:
 - **x = sumProd(4, 5)** assegna ad **x** solamente il primo output
 - **[~, y] = sumProd(4, 5)** assegna ad **y** solo il secondo output



- Come nel caso degli script le funzioni sono scritte in file di testo sorgenti:
 - devono avere estensione `.m`
 - devono avere lo stesso nome della funzione
 - la prima riga del file deve contenere l'header della funzione e di fatto iniziare con la parola chiave **function**

NB: non ridefinire funzioni esistenti (usare `exist('nomeFunzione')` per controllare se una funzione esiste

- Se commentate, le prime righe della funzione rappresentano l'help e vengono visualizzate quando si scrive:

```
>> help nomeFunzione
```




Esercizio

Scrivere una funzione che prende in ingresso due coefficienti m e q ed un vettore di punti \mathbf{xx} e restituisce il vettore \mathbf{yy} dei punti che stanno sulla retta $y = mx + q$ in corrispondenza a \mathbf{xx}

```
function yy = retta(m, q, xx)
% function yy = retta(m, q, xx)
% INPUT
% m, q: coefficienti
% xx: vettore di punti
% OUTPUT
% yy: ordinate dei punti xx della retta y =
mx + q

yy = m * xx + q;
```



Esempi di Script per Invocare la Funzione

```
x = -1 : 0.1 : 1;
```

```
% invoco la funzione per plottare  $y = 3x + 2$ 
```

```
y = retta(3, 2, x);
```

```
figure();
```

```
plot(x, y, '.');
```

```
axis equal;
```

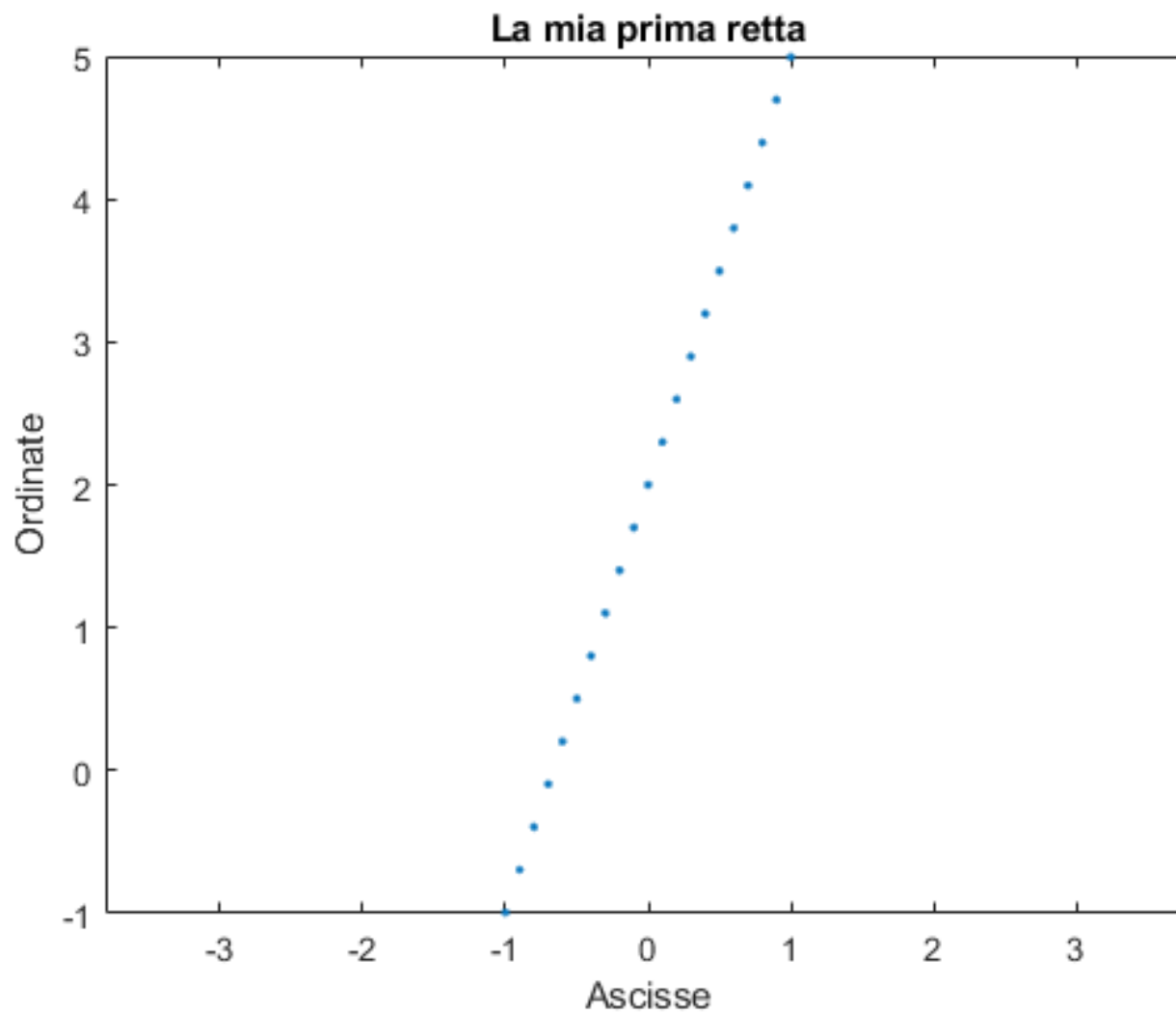
```
title('La mia prima retta');
```

```
xlabel('Ascisse');
```

```
ylabel('Ordinate');
```



Risultato dello Script





Esercizio

Scrivere una funzione che calcola la sequenza di Fibonacci della lunghezza richiesta

La successione di Fibonacci è definita così:

- $F(0) = 0$
- $F(1) = 1$
- $F(n) = F(n - 1) + F(n - 2), n > 1$

```
function F = fibonacci(n)
% function F = fibonacci(n)
%
% restituisce un vettore (F) contenente
% i primi n numeri di fibonacci
F = [0 , 1];
for indx = [3 : 1 : n]
    F(indx) = F(indx - 1) + F(indx - 2);
end
```



Esempio

Scrivere una funzione *contoAllaRovescia* che prende in ingresso un intero (che esprime i secondi) ed esegue il conto alla rovescia

Al termine viene emesso un suono e mandato un messaggio a schermo

```
function contoAllaRovescia(n)
    disp(['... ', num2str(n)])
    for ii = [n - 1: -1 : 0]
        pause(1)
        disp(['... ', num2str(ii)])
    end
    disp('Boom!')
    load handel;
    sound(y, Fs);
```

Se la funzione non restituisce nulla si può omettere `[] =`



Esercizio

Scrivere un programma che chiede all'utente di inserire un numero positivo (controllare che sia positivo)

- Verificare se il numero è perfetto
- In caso contrario dire se è abbondante o difettivo

Richiede quindi un altro numero

- controlla se i due numeri sono amici

Un numero è:

- perfetto se corrisponde alla somma dei suoi divisori, escluso se stesso
- abbondante se è maggiore della somma dei suoi divisori
- difettivo se è inferiore alla somma dei suoi divisori
- a e b sono amici se la somma dei divisori di a è uguale a b e viceversa



Implemento Diverse funzioni che Richiamo

```
function n = inserisciInteroPositivo()  
% function n = inserisciInteroPositivo()  
% richiede all'utente di inserire un intero positivo  
% e lo restituisce
```

```
function somma = calcolaSommaDivisori(n)  
%function somma = calcolaSommaDivisori(n)  
% calcola la somma di tutti i divisori di n escluso n
```

```
function [res, abb] = controllaSePerfetto(n)  
% function [res, abb] = controllaSePerfetto(n)  
% res = true se n è perfetto (uguale alla somma dei suoi  
divisori escluso se stesso)  
% se res = false e abb = true/false se è abbondante o  
difettivo
```

```
function res = controllaSeAmici(a,b)  
% function res = controllaSeAmici(a,b)  
% res = 1 se a è amico di b, 0 altrimenti
```



Funzione (1)

```
function n = inserisciInteroPositivo()  
% function n = inserisciInteroPositivo()  
% richiede all'utente di inserire un intero positivo  
% e lo restituisce  
  
isPositivo = 0  
  
while(isPositivo == 0)  
    n = input('Inserire intero positivo: ');  
    isPositivo = (n > 0 && n == round(n));  
    %     if (n > 0 && n == round(n))  
    %         isPositivo = 1;  
    %     else  
    %         isPositivo = 0;  
    %     end  
end
```




Funzione (2)

```
function [res, abb] = controllaSePerfetto(n)
% function [res, abb] = controllaSePerfetto(n)
% res = true se n è perfetto
% se res = false, abb = true/false se è
abbondante/difettivo

s = calcolaSommaDivisori(n); % assegno ad s ed evito 2
chiamate
abb = []; % è necessario per quando res ==false
if (n == s)
    res = true;
else
    res = false;
    if n > s
        abb = true;
    else
        abb = false;
    end
end
end
```



Funzione (3)

```
function res = controllaSeAmici(a,b)
% function res = controllaSeAmici(a,b)
% res = 1 se a è amico di b, 0 altrimenti

if b == calcolaSommaDivisori(a) && a ==
calcolaSommaDivisori(b)
    res = true;
else
    res = false;
end
```



Funzione (4)

```
function somma = calcolaSommaDivisori(n)
%function somma = calcolaSommaDivisori(n)
% calcola la somma di tutti i divisori di n
escluso n

somma = 0;
for ii = 1 : n / 2 % inutile andare oltre n/2
    if (mod(n, ii) == 0)
        somma = somma + ii;
    end
end
end
```



Main Script

```
n = inserisciInteroPositivo();
[perf, abbond] = controllaSePerfetto(n);
if(perf == true)
    disp([num2str(n), ' è perfetto']);
else
    disp([num2str(n), ' NON è perfetto']);
    if(abbond == true)
        disp([num2str(n), ' è abbondante']);
    else
        disp([num2str(n), ' è difettivo']);
    end
m = inserisciInteroPositivo();
amici = controllaSeAmici(n,m);
if(amici)
    disp([num2str(n), ' e ', num2str(m), ' sono amici']);
else
    disp([num2str(n), ' e ', num2str(m), ' NON sono amici']);
end
end
```